

# การวิเคราะห์หาตำแหน่งการติดตั้ง FACTS ที่เหมาะสมในระบบจานวน่ายโดยใช้วิธีกงลุ่มอนุภาค Analysis of Optimal Allocation of FACTS Devices in Radial Distribution Systems by Using Particle Swarm Optimization Method

จักรินทร์ วิเศษยา<sup>1</sup> และกฤณ์ชันม์ ภนิกิตพิชัย<sup>2</sup>

บทคัดย่อ

บทความนี้นำเสนอการวิเคราะห์หาตำแหน่งการติดตั้ง FACTS ที่เหมาะสมในระบบจำหน่ายโดยใช้วิธีก่อรุ่นอนุภาค การติดตั้ง FACTS เข้าไปในระบบไฟฟ้ากำลังเพื่อต้องการปรับปรุงสภาวะภาพรวมดันไฟฟ้าและความชื้นอีกด้วยของระบบไฟฟ้ากำลัง การวิเคราะห์จะใช้แบบจำลองของระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส ของมาตรฐาน IEEE ซึ่งมีกำลังไฟฟ้าจริง และกำลังไฟฟ้ารีแอคท์ฟาร์วของโหลดเท่ากัน 3.72 MW และ 2.3 MVar โดยใช้กำลังไฟฟ้าประภากู้ณเท่ากัน 10 MVA และแรงดันไฟฟ้าฐานเท่ากัน 12.66 kV กำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้ารีแอคท์ฟาร์ที่สูญเสียรวมในระบบจะตั้งอยู่ที่ 221.4346 kW และ 150.1784 kVar การวิเคราะห์การไฟฟ้าของกำลังไฟฟ้าจะใช้การคำนวณกระแสแบบย้อนกลับและการคำนวณแรงดันไฟฟ้าแบบไปข้างหน้าและใช้เทคนิคการหาตำแหน่งที่เหมาะสมโดยวิธีก่อรุ่นอนุภาค ภายใต้เงื่อนไขสภาวะภาพรวมดันไฟฟ้าของระบบไฟฟ้ากำลังที่สภาวะโหลดคงที่ ผลการจำลองการทำงานพบว่าแรกเริ่มขนาดแรงดันไฟฟ้าที่บัสที่ 1 มีค่าเท่า 0.98 p.u. ส่วนบัสอื่นๆ ที่อยู่ไกลออกไปแรงดันไฟฟ้าที่บัสจะลดลงโดยเฉพาะที่บัส 33 ซึ่งเป็นบัสปลายสายจะเป็นบัสอ่อนแองที่สุดมีค่าเท่ากัน 0.881373 p.u. หลังจากใช้เทคนิคการหาค่าความเหมาะสมแล้ว ทำให้ได้ขนาดและตำแหน่งติดตั้ง FACTS ที่เหมาะสม คือ บัสที่ 12 เมื่อติดตั้ง SVC ขนาด 2.4431 MVA และติดตั้ง STATCOM ขนาด 2.4939 MVA เข้าไปที่บัส 12 พบว่ากำลังไฟฟ้าสูญเสียในระบบลดลงแรงดันไฟฟ้าในแต่ละบัสดีขึ้น ระบบมีการจ่ายพลังงานไฟฟ้าที่ดีขึ้น เพียงพอต่อความต้องการ ซึ่งหากเปรียบเทียบกันระหว่าง FACTS ทั้ง 2 ชนิด การติดตั้ง SVC มีความเหมาะสมมากกว่าการติดตั้ง STATCOM เนื่องจากใช้ขนาดกำลังไฟฟ้าประภากู้ณที่เล็กกว่า แต่สามารถลดกำลังไฟฟ้าจริงสูญเสียได้ 27.54% และกำลังไฟฟ้ารีแอคท์ฟาร์สูญเสีย 43.17% ซึ่งมากกว่า STATCOM ที่สามารถลดกำลังไฟฟ้าจริงสูญเสียได้ 27.12% และกำลังไฟฟ้ารีแอคท์ฟาร์สูญเสีย 41.60% บทความนี้ช่วยให้เข้าใจหลักการวิเคราะห์และเทคนิคการออกแบบระบบขนาดเช่นกำลังไฟฟ้าเพื่อใช้แก้ปัญหาสภาวะภาพรวมดันไฟฟ้าของระบบไฟฟ้า กำลังเพื่อร่วงบันการพัฒนาเทคโนโลยีทางด้านพลังงานของประเทศไทยในอนาคต

**คำสำคัญ** : ระบบจำหน่ายแบบเรเดียล, FACTS, การหาตำแหน่งที่เหมาะสม, วิธีคุณภาพ

‘นักศึกษาปริญญาโท ภาควิชาศึกกรรมไฟฟ้า คณะศึกกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลล้านนา’

<sup>2</sup> อาจารย์ประจำภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลล้านนา

## Abstract

This paper proposes the analysis of optimal allocation analysis of FACTS devices using particle swarm optimization method (PSO). FACTS device is the compensation device that can inject the real and active power into the power system in order to improve the voltage stability and power system reliability. The analysis uses the IEEE 33 buses radial distribution system (RDS) for testing system. The total real and reactive power is 3.72 MW and 2.3 MVar, respectively and uses Base MVA is 10 MVA and Base kV is 12.66 kV. The original real and reactive power loss is 221.4346 kW and 150.1784 kVar, respectively. The load flow analysis on distribution use backward-forward sweep methodology and optimization technique by using PSO method. The simulation results show that the original voltage at bus 1 is 0.98 p.u.. The weak bus is occurred at bus 33 0.881317 p.u.. After used the optimization technique, the size of SVC and STATCOM with 2.4431 MVA and 2.4939 MVA, respectively, The power loss is the installed at bus 12 decreased and the voltage bus is increased. The comparison between SVC and STATCOM installation, SVC have aspect appropriate more installed STATCOM. Aspect weak decreased real and reactive power loss 27.54% and 43.17%. STATCOM decreased real and reactive power loss to 27.12% and 41.60%. This paper results show solve the voltage stability of power system after installed SVC and STATCOM. The guideline to support the development of energy technology in the future.

**Keywords :** Radial Distribution Systems, FACTS, Optimal Allocation, PSO Method

## 1. บทนำ

ระบบจ้างนำไฟฟ้าโดยทั่วไปมีกำลังไฟฟ้าสูงเสียมากกว่าระบบส่งจ่ายไฟฟ้า เนื่องจากเป็นระบบที่มีค่าอัตราส่วนระหว่างความด้านทานกับความด้านทานเห็นได้ว่าน้ำค่อนข้างสูง ทั้งยังเป็นระบบที่มีระดับแรงดันไฟฟ้าต่ำและมีกระแสไฟไหลในสายมากกว่าระบบส่งจ่ายไฟฟ้า [1] ระบบจ้างนำไฟฟ้าเป็นระบบที่เชื่อมต่อระหว่างระบบส่งจ่ายไฟฟ้ากับผู้ใช้ไฟฟ้าเป็นระบบที่มีความสำคัญ เพราะส่งผลกระทบกับผู้ใช้ไฟฟ้าโดยตรงเมื่อกำลังไฟฟ้าสูงเสียในระบบจ้างนำไฟฟ้ามีค่าสูงจะส่งผลให้ระดับแรงดันไฟฟ้าที่จ่ายให้กับผู้ใช้ไฟลดลงทำให้ต้องเพิ่มการลงทุนเพื่อรักษาระดับแรงดันไฟฟ้าที่ขายให้กับผู้ใช้ไฟฟ้า ดังนั้นจึงต้องมีการวางแผนหาวิธีปรับปรุงระบบจ้างนำไฟฟ้าเพื่อลดกำลังไฟฟ้าสูงเสีย การปรับปรุงระบบจ้างนำไฟฟ้าเพื่อลดกำลังไฟฟ้าสูงเสียนั้นมีหลายวิธี เช่น การจัดเรียงโครงสร้างการจ่ายไฟของระบบไฟฟ้าใหม่ ซึ่งเป็นวิธีการปรับเปลี่ยนรูปแบบ

การจ่ายไฟโดยการหาค่าແணรงเปิดและปิดสวิตช์ต่ำๆ [2] การติดตั้งหม้อแปลงปรับระดับแรงดันไฟฟ้า เพื่อเพิ่มระดับแรงดันไฟฟ้าในพื้นที่ที่มีการเดินสายป้อนของระบบจ้างนำไฟฟ้าในไกล เป็นการแก้ปัญหาแรงดันไฟฟ้าต่ำที่ปลายสาย การติดตั้งเครื่องกำเนิดไฟฟ้าขนาดเล็กเพื่อช่วยจ่ายกำลังไฟฟ้าในจุดที่มีความต้องการใช้กำลังไฟฟ้าสูง [3] การติดตั้งคาปซิเตอร์เพื่อช่วยจ่ายกำลังไฟฟ้ารีแอคทีฟเข้าสู่ระบบ [4] และการติดตั้งอุปกรณ์ชุดเชยกำลังไฟฟ้าแบบยืดหยุ่น (Flexible AC Transmission System, FACTS) เพื่อช่วยจ่ายกำลังไฟฟ้ารีแอคทีฟเข้าระบบ และแก้ปัญหาด้วยประกอบกำลัง [5] ปัจจุบันการวางแผนติดตั้ง FACTS ต้องคำนึงถึงองค์ประกอบหลายอย่าง โดยวิธีที่ใช้เคราะห์ปัญหานี้ได้มีการนำเสนอหลายวิธี เช่น วิธีกลุ่มอนุภาคได้รับความนิยมนำมาใช้ในการแก้ปัญหาการหาค่าเหมาะสมทางด้านระบบไฟฟ้ากำลังมากขึ้น เพื่อเพิ่มเสถียรภาพและความเชื่อถือได้ของระบบ

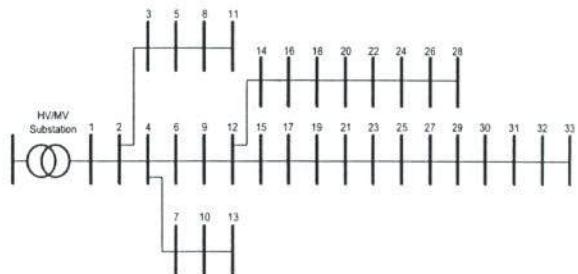
ไฟฟ้ากำลัง เนื่องจากมีอัลกอริทึมในการค้นหาคำตอบที่จ่ายต่อการศึกษาทำความเข้าใจและสามารถค้นหาคำตอบได้อย่างรวดเร็ว ดังนั้นในบทความนี้นำเสนอการวิเคราะห์หาคำแนะนำการติดตั้ง FACTS ที่เหมาะสมในระบบจำหน่ายน้ำ ซึ่งเลือกอุปกรณ์ FACTS 2 ชนิด คือ (Static VAR Compensator, SVC) และ (Static Synchronous Compensator, STATCOM) เพื่อช่วยจ่ายกำลังไฟฟ้า แก้ไขไฟฟ้าและแก้ไขปัญหาด้วยการกำหนดค่าคงที่ของระบบ ทำให้ระบบมีเสถียรภาพ กำลังไฟฟ้าและความนำ้ซึ่งอีกด้วย สำหรับการติดตั้ง FACTS ที่ดีที่สุด ควรติดตั้งที่จุดที่มีความต้องการพลังงานไฟฟ้าสูงที่สุด จึงจะได้ผลลัพธ์ที่ดีที่สุด

องค์ประกอบของการนำ้เสนอที่ความนี้ ประกอบด้วย ลำดับแรกจะกล่าวถึงระบบจำหน่ายแบบเรเดียล การคำนวณการไหลของกำลังไฟฟ้า ปัญหาการไหลของกำลังไฟฟ้าที่เหมาะสมที่สุด วิธีการคุ้มอนุภาค อุปกรณ์ชดเชยกำลังไฟฟ้าแบบดีดหุ้น FACTS สุดท้ายจะกล่าวถึงทฤษฎีและข้อเสนอแนะต่างๆ สำหรับงานวิจัยลำดับต่อไป

## 2. ระบบจำหน่ายแบบเรเดียล (Radial Distribution Systems)

ระบบจำหน่ายแบบเรเดียลเป็นโครงข่ายระบบจำหน่ายไฟฟ้าที่จ่ายที่สุด ที่มีการจ่ายไฟฟ้าไปยังผู้ใช้ไฟฟ้าผ่านสายจำหน่ายเพียงด้านเดียว โดยที่พลังงานไฟฟ้าจะไหลไปในทิศทางเดียวทันจากสถานีไฟฟ้าไปยังโหลด การใช้งาน การวางแผนใช้ระบบจำหน่ายนี้หากมีโหลดผู้ใช้ไฟฟ้าเพิ่มมากขึ้นในอนาคตที่สามารถที่จะเพิ่มระบบจำหน่ายแบบเรเดียลให้กลยุทธ์เป็นระบบจำหน่ายแบบลูปได้ หรือระบบจำหน่ายแบบร่วงแต่ต่อไปได้ ระบบจำหน่ายไฟฟ้าแบบเรเดียลนิยมใช้สำหรับจ่ายพลังงานไฟฟ้าไปยังผู้ใช้ไฟฟ้าในพื้นที่ทั่วไปหรือในชนบท เนื่องจากระบบจำหน่ายไฟฟ้าประเภทที่ลงทุนต่ำกว่าการป้องกันระบบจ่ายฯ และลักษณะของการวางแผนนี้สามารถเข้าใจได้จ่ายระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส ของมาตรฐาน IEEE มีกำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้ารีแอคทีฟรวมของโหลดเท่ากับ 3.72 MW และ 2.3 MVar ตามลำดับ โดยใช้กำลังไฟฟ้าประมาณ 10 MVA และแรงดันไฟฟ้าฐาน

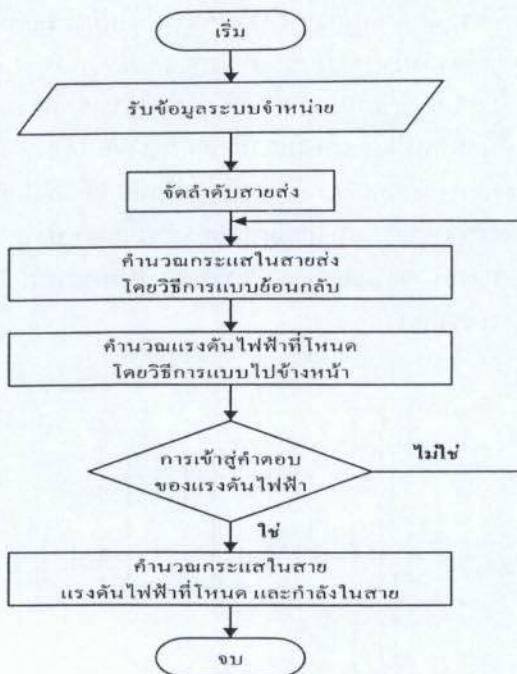
เท่ากับ 12.66 kV กำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้ารีแอคทีฟที่สูญเสียรวมในระบบจะตั้งอยู่ที่ 221.4346 kW และ 150.1784 kVar ตามลำดับ บัสที่ 1 เป็นโหนดจ่ายที่เชื่อมต่อระบบส่งโดยผ่านสถานีย่อย การเชื่อมต่อโหนดสาขาจะเริ่มเชื่อมต่อจากบัสที่ 1 ไปยังบัสที่ 2 แล้วต่อไปยังโหนดสาขาอื่นๆ ต่อไป แผนภาพแสดงเดียวของแบบจำหน่ายระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส ของมาตรฐาน IEEE แสดงดังรูปที่ 1 [6]



รูปที่ 1 แผนภาพเดียวของแบบจำหน่ายระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส ของมาตรฐาน IEEE

## 3. การคำนวณการไหลของกำลังไฟฟ้า (Calculation of Power Flow)

การคำนวณการไหลของกำลังไฟฟ้าในระบบจำหน่าย จะมีความซับซ้อนน้อยกว่าในระบบส่งจ่ายไฟฟ้า เพราะในระบบจำหน่ายไฟฟ้าส่วนใหญ่จะเป็นระบบเรเดียล แต่ในระบบส่งจ่ายไฟฟ้าจะเป็นระบบโครงข่ายอีกประการ หนึ่งพารามิเตอร์สายในระบบส่งจ่ายไฟฟ้าจะประกอบด้วย ความด้านทาน ความหนืดวัน และความจุ แต่ในระบบจำหน่ายไฟฟ้าจะพิจารณาเพียงแค่ความด้านทานและความหนืดของสายเท่านั้น การคำนวณการไหลของกำลังไฟฟ้าด้วยการใช้เมทริกซ์ Jacobian เช่น นิวตันราฟสัน โหลด หรือ ก้าวสไชเคลนน์ ไม่เหมาะสมกับการวิเคราะห์ปัญหาการไหลของกำลังไฟฟ้าสำหรับระบบจำหน่ายไฟฟ้าที่บางครั้งเกิดปัญหาเกี่ยวกับผู้เข้าสู่คำตอบดังนั้นที่ความนี้จึงนำเสนอเทคนิคการคำนวณการไหลของกำลังด้วยวิธีการคำนวณกระแสแบบย้อนกลับและแรงดันไฟฟ้าแบบไปข้างหน้า [7] (Current Backward Sweep and Voltage Forward Sweep) โดยมีลำดับขั้นตอนวิเคราะห์ดังรูปที่ 2



รูปที่ 2 ลำดับขั้นการวิเคราะห์การไหลของกำลังไฟฟ้า ด้วยวิธีแบบข้อนกัลลันและไปข้างหน้า

### 3.1 การคำนวณกระแสแบบย้อนกลับ (Current Backward Sweep):KCL

โดยจะเริ่มจากกระแสที่โหนดจะมีค่า ดังสมการที่ (1) [8]

$$I_i^{(k)} = \left( \frac{S_i}{V_i^{(k-1)}} \right)^* - Y_i V_i^{(k-1)} \quad (1)$$

เมื่อ  $S_i$  เป็นกำลังที่โหนด  $i$  ( $S_i = P_i \pm jQ_i$ ),  $Y_i$  เป็นผลรวมของแอดมิตตันซ์ส่วนลงดินทั้งหมดที่โหนด  $i$ ;  $V_i^{(k-1)}$  เป็นแรงดันไฟฟ้าที่โหนด  $i$  ณ รอบ คำนวณที่  $k-1$

การคำนวณกระแสนี้จะเริ่มให้ขนาดแรงดันไฟฟ้า เป็น 1.0 p.u. และบุนแรงดันไฟฟ้าเป็นศูนย์ที่ทุกๆ โหนด ส่วนของการคำนวณกระแสในสายจะเริ่มจาก การคำนวณที่เรียกว่า การแรร์กระแสจากอยหลัง โดยที่รอบคำนวณที่  $k$  จะคำนวณกระแส  $J$  ในสายที่สุดท้ายเรือเข้าสู่รูดโหนด หรือ รูดบัส โดยกระแสที่สาย  $L$  หาได้จากสมการที่ (2)

$$J_L^k = -I_{L2}^k + \sum (\text{กระแสในสายที่พ่วงจากโหนด } L_2) \quad (2)$$

### 3.2 การคำนวณแรงดันไฟฟ้าแบบไปข้างหน้า (Voltage Forward Sweep):KVL

เริ่มต้นจากบัสอ้างอิงรูดโหนด หรือ รูดบัส โดยที่ ค่าแรงดันไฟฟ้ากำหนดให้มีค่าคงที่และเพลเป็นศูนย์ ส่วน ค่าแรงดันไฟฟ้าและบุนแรงดันไฟฟ้าที่บัสอื่นๆ ถัดจากบัสอ้างอิงในรอบคำนวณที่  $k$  จะถูกคำนวณค่า แรงดันที่บัสเรื่อยไปสู่บัสสุดท้าย ดังสมการที่ (3)

$$V_{L2}^{(k)} = V_{L1}^{(k)} - Z_L J_L^{(k)} \quad (3)$$

เมื่อ  $Z_L$  เป็นค่าอิมพีเดนซ์ช่องบุนรวมของสายสั้งช่วง  $L$  ระหว่างโหนด  $L_2$  และ  $L_1$ ,  $L_1$ ,  $L_2$  เป็นโหนดปลายทาง,  $L_1$  เป็นโหนดต้นทาง,  $J$  เป็นกระแสในสาย และ  $k$  เป็นรอบ การคำนวณ

### 3.3 การเข้าสู่ค่าตอบของแรงดันไฟฟ้า

การคำนวณค่ากระแสแบบข้อนกัลลันและการ คำนวณค่าแรงดันไฟฟ้าแบบไปข้างหน้าจะกระทำใน ลักษณะเวียนซ้ำ ในการคำนวณจะตรวจสอบ ค่าความคลาดเคลื่อนของแรงดันไฟฟ้าในแต่ละบัส ดัง สมการที่ (4)

$$\Delta V_j^{(k)} = V_j^{(k)} - V_j^{(k-1)} \quad (4)$$

เมื่อ  $\Delta V_j^{(k)}$  เป็นค่าความคลาดเคลื่อนของแรงดัน ไฟฟ้าที่พอยอนรับได้ที่บัส  $j$  หลังจากการคำนวณในรอบ ที่  $k$ ,  $V_j^{(k)}$  เป็นแรงดันไฟฟ้าที่บัส  $j$  ในรอบการคำนวณที่  $k$  และ  $V_j^{(k-1)}$  เป็นแรงดันที่บัส  $j$  ในรอบการคำนวณที่  $k-1$

การเข้าสู่ค่าตอบของแรงดันไฟฟ้าอาจหายใจจากผล ต่างของค่าอื่น ๆ ดังสมการที่ (5)

$$\left\{ \begin{array}{l} |\operatorname{Re}(\Delta V_j^{(k)})| \leq \varepsilon \\ |\operatorname{Im}(\Delta V_j^{(k)})| \leq \varepsilon \\ |(\Delta V_j^{(k)})| \leq \varepsilon \end{array} \right\} \quad (5)$$

เมื่อ  $\epsilon$  เป็นค่าความคลาดเคลื่อนหรือ mismatch ที่ยอมรับได้

## 4. ปัญหาการไฟล์กำลังไฟฟ้าเหมาะสมที่สุด (Problem of Optimal Power Flow)

### 4.1 สมการรูปแบบปัญหา

เป็นการวิเคราะห์การไฟล์กำลังไฟฟ้าในสภาวะคงที่[9] โดยพิจารณาฟังก์ชันวัตถุประสิทธิภาพร่วมกับของเขตเงื่อนไขบังคับที่เป็นตัวแปรควบคุม โดยมีรูปแบบทั่วไปดังสมการที่ (6) สมการที่ (7) และสมการที่ (8)

$$\text{Max / Minim ze } f(x) \quad (6)$$

$$\text{Subject to } g(x) = 0, \text{ เมื่อน ไขสมการ} \quad (7)$$

$$h(x) = 0, \text{ เมื่อน ไขสมการ} \quad (8)$$

การเปลี่ยนเงื่อนไขสมการและสมการให้เป็นพจน์ปรับไทย และนำไปรวมกับสมการวัตถุประสิทธิภาพเดิม จะได้ฟังก์ชันปรับไทยและเทอมปรับไทย ดังสมการที่ (9) และสมการที่ (10)

$$P(x) = f(x) + X(x) \quad (9)$$

$$X(x) = \rho \left\{ g^2(x) + [\max(0, h(x))]^2 \right\} \quad (10)$$

โดยที่  $P(x)$  คือ ฟังก์ชันปรับไทย,  $X(x)$  คือ เทอมปรับไทย และ  $\rho$  คือ ตัวประกอบการปรับไทย

### 4.2 ฟังก์ชันวัตถุประสิทธิภาพ (Objective Function)

ฟังก์ชันวัตถุประสิทธิภาพมีหลายปัจจัยที่นิยมนำมาพิจารณา เช่น การจ่ายไฟลดลงอย่างรวดเร็ว การลดกำลังไฟฟ้าสูญเสียในสายส่งน้อยที่สุดเป็นฟังก์ชันวัตถุประสิทธิภาพซึ่งแสดงดังสมการที่ (11)

$$P_{loss} = \sum_{i=1}^{N_L} g_{i,j} \left\{ V_i^2 + V_j^2 - 2V_i V_j \cos(\delta_i - \delta_j) \right\} \quad (11)$$

โดยที่  $P_{loss}$  คือ กำลังไฟฟ้าจริงที่สูญเสียในสายส่งทั้งหมด,  $N_L$  คือ จำนวนสายส่งทั้งหมด,  $V_i$  คือ ขนาดแรงดันไฟฟ้าบัสที่  $i$ ,  $V_j$  คือ ขนาดแรงดันไฟฟ้าบัสที่  $j$ ,  $\delta_i$  คือ มุมแรงดันไฟฟ้าบัสที่  $i$ ,  $\delta_j$  คือ มุมแรงดันไฟฟ้าบัสที่  $j$  และ  $g_{i,j}$  คือ ความนำไฟฟ้าจากบัส  $i$  ไปยังบัส  $j$

### 4.3 ระบบเงื่อนไขบังคับ (Constraints)

ตัวแปรปรับตั้งในบทความนี้คือ กำลังไฟฟ้าจริงที่ผลิตจากโรงจัดไฟฟ้า ขนาดแรงดันไฟฟ้าอุปควบคุมโดยสถานีไฟฟ้า แทบหน้าเปล่งและกำลังไฟฟ้าเรียลติฟ โดยจะทำการปรับตั้งตัวแปรเหล่านี้เพื่อให้เกิดกำลังไฟฟ้าสูญเสียในสายส่งน้อยที่สุด และบังคับอยู่ในช่วงขีดจำกัดของตัวแปรแต่ละตัว โดยมีตัวแปรที่ต้องการควบคุมตามคือ พิกัดการไฟล์กำลังไฟฟ้าของสายส่ง พิกัดช่วงขนาดแรงดันไฟฟ้าทุกบัสในระบบ เพื่อให้ระบบไฟฟ้าทำงานอยู่ในสภาวะปกติ ระบบเงื่อนไขบังคับทั้งเงื่อนไขสมการและอสมการแสดงดังต่อไปนี้

1) เมื่อน ไขบังคับสมการเป็นสมการการไฟล์กำลังไฟฟ้า (Equality Constraints) ดังสมการที่ (12) และสมการที่ (13)

$$P_{G,i} - P_{D,i} - \sum_{j=1}^{N_B} |V_i| |V_j| |Y_{i,j}| \cos(\theta_{i,j} - \delta_i + \delta_j) = 0 \quad (12)$$

$$Q_{G,i} - Q_{D,i} + \sum_{j=1}^{N_B} |V_i| |V_j| |Y_{i,j}| \sin(\theta_{i,j} - \delta_i + \delta_j) = 0 \quad (13)$$

โดยที่  $P_{G,i}$  คือ กำลังไฟฟ้าจริงผลิตที่บัส  $i$ ,  $P_{D,i}$  คือ ความต้องการกำลังไฟฟ้าจึงที่บัส  $i$ ,  $Q_{G,i}$  คือ กำลังไฟฟ้าเรียลติฟผลิตที่บัส  $i$ ,  $Q_{D,i}$  คือ ความต้องการกำลังไฟฟ้าเรียลติฟที่บัส  $i$ ,  $N_B$  คือ จำนวนบัส,  $\theta_{i,j}$  คือ มุมแอลมิตแคนชันบัส  $i$  ไปยังบัส  $j$ ,  $Y_{i,j}$  คือ ขนาดแอลมิตแคนชันบัส  $i$  ไปยังบัส  $j$

2) เมื่อน ไขบังคับอสมการเป็นของเขตของตัวแปรที่ต้องการปรับตั้ง (Un Equality Constraints) ดังสมการที่ (14) - (17)

$$V_i^{\min} \leq V_i \leq V_i^{\max} \quad (14)$$

$$T_i^{\min} \leq T_i \leq T_i^{\max} \quad (15)$$

$$P_{G,i}^{\min} \leq P_{G,i} \leq P_{G,i}^{\max} \quad (16)$$

$$Q_{comp,i}^{\min} \leq Q_{comp,i} \leq Q_{comp,i}^{\max} \quad (17)$$

โดยที่  $V_i^{\min}, V_i^{\max}$  คือ ขอบเขตแรงดันต่ำสุดและสูงสุด,  $T_i^{\min}, T_i^{\max}$  คือ ขอบเขตแทบทะหน้อแปลงต่ำสุดและสูงสุด,  $P_{G,i}^{\min}, P_{G,i}^{\max}$  คือ ขอบเขตของกำลังไฟฟ้าจริงต่ำสุดและสูงสุด และ  $Q_{comp,i}^{\min}, Q_{comp,i}^{\max}$  คือ ขอบเขตกำลังไฟฟ้ารีแอคตีฟต่ำสุดและสูงสุด

ดังนั้นฟังก์ชันปรับโภคสามารถเขียนได้ตามสมการที่ (18)

$$P(x) = P_{loss} + X_P + X_Q + X_C + X_T + X_V + X_G \quad (18)$$

$$X_P = \rho \sum_{i=1}^{N_B} \left\{ P_{G,i} - P_{D,i} - \sum_{j=1}^{N_B} |V_i| |V_j| |Y_{i,j}| \cos(\theta_{i,j} - \delta_i + \delta_j) \right\}^2 \quad (19)$$

$$X_Q = \rho \sum_{i=1}^{N_B} \left\{ Q_{G,i} - Q_{D,i} + \sum_{j=1}^{N_B} |V_i| |V_j| |Y_{i,j}| \sin(\theta_{i,j} - \delta_i + \delta_j) \right\}^2 \quad (20)$$

$$X_C = \rho \sum_{i=1}^{N_B} \left\{ \max(0, Q_{comp,i} - Q_{comp,i}^{\max}) \right\}^2 + \rho \sum_{i=1}^{N_C} \left\{ \max(0, Q_{comp,i}^{\min} - Q_{comp,i}) \right\}^2 \quad (21)$$

$$X_T = \rho \sum_{i=1}^{N_T} \left\{ \max(0, T_i - T_i^{\max}) \right\}^2 + \rho \sum_{i=1}^{N_T} \left\{ \max(0, T_i^{\min} - T_i) \right\}^2 \quad (22)$$

$$X_V = \rho \sum_{i=1}^{N_B} \left\{ \max(0, V_i - V_i^{\max}) \right\}^2 + \rho \sum_{i=1}^{N_B} \left\{ \max(0, V_i^{\min} - V_i) \right\}^2 \quad (23)$$

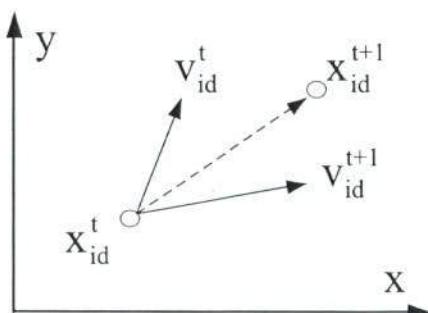
$$X_G = \rho \sum_{i=1}^{N_G} \left\{ \max(0, P_{G,i} - P_{G,i}^{\max}) \right\}^2 + \rho \sum_{i=1}^{N_G} \left\{ \max(0, P_{G,i}^{\min} - P_{G,i}) \right\}^2 \quad (24)$$

เมื่อ  $N_G$  คือ จำนวนเครื่องกำเนิดไฟฟ้าทั้งหมดในระบบ,  $N_C$  คือ จำนวนตัวอุปกรณ์ชดเชยกำลังไฟฟ้ารีแอคตีฟในระบบ,  $N_T$  คือ จำนวนของหน้อแปลงที่ติดตั้งในระบบ และ  $N_B$  คือ จำนวนบัส

## 5. วิธีก่ออุ่นอุ่นภาค (Particle Swarm Optimization Method)

วิธีก่ออุ่นอุ่นภาคนี้มีเดินดำเนินมาจากการคิดของนักวิทยาศาสตร์ก่ออุ่นหนึ่ง ที่สนใจและสังเกตเกี่ยวกับพฤติกรรมการอยู่ร่วมกันเป็นฝูง หรือ การอยู่ร่วมกันเป็นกลุ่มของสัตว์ต่างสายพันธุ์มากหมายหลายชนิด สัตว์บางสายพันธุ์มีพฤติกรรมการอยู่ร่วมกันเป็นกลุ่มนั่นที่น่าสนใจคือ การอยู่ร่วมกันเป็นกลุ่มของฝูงนก ฝูงปลา และฝูงแมลง ความน่าสนใจของพฤติกรรมของสัตว์เหล่านี้ คือ การปรับตัวในการอยู่ร่วมกันในกลุ่มโดยไม่ต้องมีผู้นำมากอย่างควบคุม สังคมการอยู่ร่วมกันเป็นกลุ่มของสัตว์เหล่านี้อาศัยการปรับตัวด้วยตัวเองตามสภาพแวดล้อม โดยอาศัยการเรียนรู้คุณลักษณะที่เหมาะสมของการอยู่ร่วมกันภายในกลุ่ม เริ่มต้นจากปฏิสัมพันธ์ของอุ่นภาคต่ออุ่นภาคในกลุ่มย่อย รวมไปเป็นกลุ่มใหญ่

จากพฤติกรรมที่น่าสนใจนี้ ในปี 1995 อัลกอริทึมในการหาค่าเหมาะสมด้วยวิธีก่ออุ่นอุ่นภาคจึงถูกนำเสนอเป็นครั้งแรกโดย Kennedy และ Eberhart [10] การหาค่าตอบจะอาศัยทฤษฎีการเคลื่อนที่ในการหาอาหารและอยู่ร่วมกันเป็นกลุ่มของฝูงนก ฝูงปลา และฝูงแมลง อัลกอริทึมของวิธีก่ออุ่นอุ่นภาคเป็นอัลกอริทึมที่ปรับตัวเองบนพื้นฐานของการเรียนรู้สถานการณ์และใช้ข้อมูลร่วมกัน อุ่นภาคที่อยู่ภายในกลุ่มจะปรับเปลี่ยนตำแหน่งโดยการอาศัยการเรียนรู้จากอุ่นภาคข้างเคียงที่อยู่ในตำแหน่งที่ให้ค่าที่ดีกว่าจนกระทั่งแต่ละอุ่นภาคอยู่ในตำแหน่งที่เหมาะสมจะไม่มีการเคลื่อนที่ การปรับเปลี่ยนตำแหน่งของอุ่นภาคแสดงดังรูปที่ 3



รูปที่ 3 การเปลี่ยนตำแหน่งของอนุภาค

อัลกอริทึมที่สำคัญในการปรับปรุงตำแหน่งเดสก์ให้ตามสมการที่ (25) และสมการที่ (26) โดยสมการที่ (25) แสดงถึงความเร็วในการปรับเปลี่ยนตำแหน่งของอนุภาค และสมการที่ (26) แสดงถึงตำแหน่งใหม่ของอนุภาคหลังปรับเปลี่ยนตำแหน่งแล้ว

$$\begin{aligned} v_{id}^{t+1} &= w \cdot v_{id}^t + rand_1(0 \cdot c_1 \cdot (pbest_{id} - x_{id}^t) \\ &\quad + rand_2(0 \cdot c_2 \cdot (gbest_d - x_{id}^t)) \end{aligned} \quad (25)$$

$$x_{id}^{t+1} = x_{id}^t + v_{id}^{t+1} \quad (26)$$

โดยที่  $x_{id}^t$  คือ ตำแหน่งของอนุภาค  $i$  ของตัวแปร  $d$  ในรอบการคำนวณที่  $t$ ,  $x_{id}^{t+1}$  คือ ตำแหน่งของอนุภาค  $i$  ของตัวแปร  $d$  ในรอบการคำนวณที่  $t+1$ ,  $v_{id}^t$  คือ ความเร็วในการเปลี่ยนตำแหน่งของอนุภาค  $i$  ของตัวแปร  $d$  ในรอบการคำนวณที่  $t$ ,  $v_{id}^{t+1}$  คือ ความเร็วในการเปลี่ยนตำแหน่งของอนุภาค  $i$  ของตัวแปร  $d$  ในรอบการคำนวณที่  $t+1$ ,  $rand_1()$ ,  $rand_2()$  คือ ตัวเลขสุ่มระหว่าง 0 ถึง 1,  $pbest_{id}$  คือ ตำแหน่งที่ดีที่สุดของอนุภาค  $i$  ของตัวแปร  $d$ ,  $gbest_d$  คือ ตำแหน่งที่ดีที่สุดในทุกๆ อนุภาคของตัวแปร  $d$ ,  $c_1$ ,  $c_2$  คือ ค่าคงที่ความเร็วเมื่อผลค่าวิเคราะห์ใน การอุ่นเข้าสู่การคำนวณโดย  $c_1$  มีผลต่อการอุ่นเข้าสู่การคำนวณที่ดี ของตำแหน่งในปัจจุบันและ  $c_2$  มีผลต่อการอุ่นเข้าสู่การคำนวณที่ดีที่สุดของตำแหน่งในปัจจุบัน การกำหนดค่าคงที่ทั้งสองนี้มีความสำคัญโดยปกติจะกำหนดให้มีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 4 การกำหนดค่าตัวแปรในวิธีก่อลุ่มอนุภาคมีความสำคัญในการอุ่นเข้าของคำนวณดังนั้นจึงต้องกำหนดค่าตัวแปรต่างๆ ให้มีความเหมาะสมกับปัญหาดังนี้ และ  $w$  คือ

ค่าถ่วงน้ำหนักจะทำให้คำนวณมีความหลากหลายไม่ตอกซู่ กับคำนวณเฉพาะที่ค่าถ่วงน้ำหนักที่เหมาะสมจะทำให้การกันหน้าคำนวณมีความสมคุตระหว่างการหาคำนวณเฉพาะที่ และการกันหน้าคำนวณจากขอบเขตทั้งหมดซึ่งจะทำให้รอบในการกันหน้าคำนวณน้อยลงโดยทั่วไปขอบเขตของค่าถ่วงน้ำหนักนี้จะถูกกำหนดโดยระหว่าง 0.4 ถึง 0.9 โดยสามารถในการปรับค่าถ่วงน้ำหนักนี้ แสดงได้ด้วยสมการที่ (27)

$$w = w_{\max} - \frac{w_{\max} - w_{\min}}{k} t \quad (27)$$

โดยที่  $w_{\min}$ ,  $w_{\max}$  คือ ขอบเขตต่างและขอบเขตบนของค่าถ่วงน้ำหนัก,  $t$  คือ รอบการคำนวณปัจจุบัน และ  $k$  คือ รอบการคำนวณทั้งหมด

ขั้นตอนของวิธีก่อลุ่มอนุภาคดังรูปที่ 4 มีรายละเอียด ลำดับขั้นตอนการทำงานดังนี้

1. รับข้อมูลสาขา ข้อมูลน้ำส และขอบเขตของแรงดันไฟฟ้าที่บัน

2. คำนวณกำลังไฟฟ้าสูญเสียโดยใช้การไล่ของ โหนด โดย คำนวณกระแสแบบข้อนกลับและคำนวณ แรงดันไฟฟ้าแบบไปข้างหน้า

3. สุ่มประชากรเริ่มต้นของอนุภาคกับสุ่มตำแหน่ง และสุ่มความเร็วในการเปลี่ยนแปลงตำแหน่งของอนุภาค โดยตั้งค่ารอบตัวนับช้า  $k = 0$

4. แต่ละอนุภาคหากแรงดันน้ำสูญในขอบเขตที่ กำหนด การคำนวณกำลังไฟฟ้าสูญเสียทั้งหมดจะอยู่ใน สมการที่ (11)

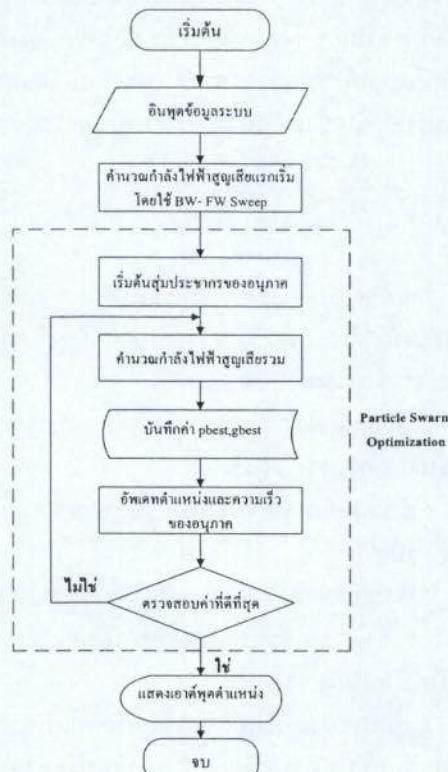
5. แต่ละอนุภาคเปรียบเทียบค่าเป้าหมายกับอนุภาค ที่ดีที่สุด ถ้าค่าเป้าหมายดีกว่า  $pbest$  ให้กำหนดค่าปัจจุบัน นี้เป็น  $pbest$  และบันทึกตำแหน่งของอนุภาคที่สอดคล้อง กัน

6. เก็บค่าที่ดีของแต่ละอนุภาคไว้ในตัวแปร  $pbest$  และเก็บค่าที่ดีที่สุดของอนุภาคทั้งหมดไว้ในตัวแปร  $gbest$

7. ปรับปรุงความเร็วและตำแหน่งของอนุภาคโดย ใช้สมการที่ (25) และ (26) ตามลำดับ

8. ถ้าจำนวนรอบถึงขีดจำกัดสูงสุดให้ไปที่ขั้นตอน ที่ 9 ถ้าไม่เช่นนั้นให้ตั้งค่ารอบ  $k = k + 1$  และกลับไปยัง ขั้นตอนที่ 4

9. แสดงผลฟังก์ชันเป้าหมายที่ต้องสุดสำหรับค่าແນ່ນ່ງທີ່ເໝາະສົມທີ່ຈະຕິດຕັ້ງ FACTS ແລະເພື່ອໃຫ້ສອດຄລ້ອງກັບຮະບນມີກາລັງໄຟຟ້າຈິງສູງເສີ່ງຮວມທີ່ເຖິງສຸດ



ຮູບທີ່ 4 ຂັ້ນຕອນຂອງວິທີກຸລຸ່ມອນຸກາດ

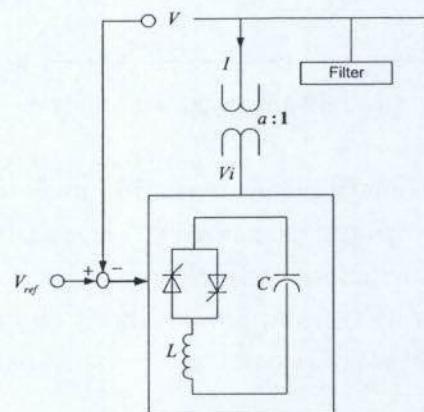
## 6. ອຸປຣຣົນ໌ຂະໜາດກໍາລັງໄຟຟ້າແບນຍືດຫຼູ່ນ (FACTS)

### 6.1 Static VAR Compensator (SVC)

SVC ຕິດຕັ້ງຂານກັບຮະບນຈໍາຫານ່າຍກໍາລັງໄຟຟ້າຮັກຢາແຮງດັນໃຫ້ອູ້ໃນຮະດັບຄົງທີ່ຫຼີກອີກລື້ເຄີຍ [11] ກາຍໃຫ້ກາວະກາເປີ່ມແປລັງອ່ານ່າງໜ້າ ຂອງໂທລດ ແກ້ໄຂໃນກາເປີ່ມແປລັງແຮງດັນເນື່ອງຈາກເຫຼຸດຜົນທີ່ໄໝ່ປະສົງສົ່ງປັບປຸງສັດຍືບກາພາແຮງດັນ ໃນ ຈຸດສຳຄັງ ເຊັ່ນ ຈຸດກິ່ງກລາງຂອງສາຍສ່ວະບະໄກລ໌ຂ່າຍເຫຼື້ອໃນກາປັບປຸງຮັບແດນປັ້ງຂອງຮະບນ ຂ່າຍປັບປຸງຄ່າປະກອບກໍາລັງ ແກ້ໄຂປັບປຸງໄຟຟ້າສິ່ນ ສົມຄຸລ ປະກອບດ້ວຍອຸປຣຣົນ 2 ຂົນິດ ຄືອ

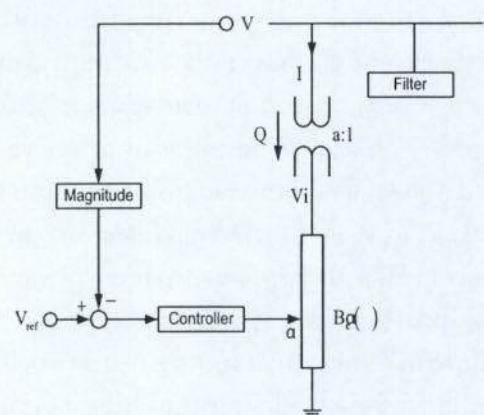
1) ໄທຣິສເຕේຣ໌ຄອນໂທຣລີແອກເຕົອຣ໌ (TCR Thyristor Controlled Reactor) ແລະ ຕັ້ງເນື່ອງຍົວນໍາ ຈະໃຫ້ໄທຣິສເຕේຣ໌ ຄວາມຄຸນຮີແອກເຕົອຣ໌

2) ໄທຣິສເຕේຣ໌ສວິຕ້ຳຄາປາຊີເຕົອຣ໌ (TSC Thyristor Switched Capacitor) ແລະ ຕັ້ງເກີນປະຈຸກທີ່ (FC Fixed Capacitor) ມີເລີກຂໍ້ມູນວ່າ TSC / FC ຕັ້ງເກີນປະຈຸກທີ່ ຈະໃຫ້ກາວະກາເປີ່ມແປລັງພະໂໂຮງສ້າງພື້ນຖານແລະແບນຈໍາດອງຂອງ SVC ແສດງດັງຮູບທີ່ 5 ແລະ ຮູບທີ່ 6 ດາວລຳດັບ



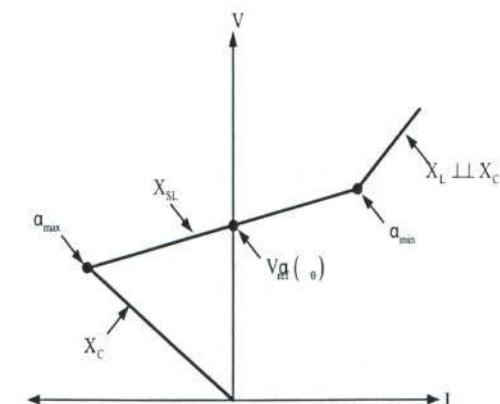
ຮູບທີ່ 5 ລັກນະໂໂຮງສ້າງພື້ນຖານຂອງ SVC

SVC ສາມາດຄວນຄຸນຕັ້ງເນື່ອງຍົວນໍາທີ່ຕ່ອບນານແລະ ຕັ້ງເກີນປະຈຸກທີ່ຕ່ອບນານໄດ້ດັ່ງຮູບທີ່ 5 ໂດຍ SVC ຈະສາມາດຄວນຄຸນແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັນໄຟຟ້າກໍາລັງໄຟຟ້າໄຟຟ້າ ແລະ ຈາກຮູບທີ່ 6 SVC ຈະໃຫ້ກາວະກາເປີ່ມແປລັງຮັບແດນຈຸດໜຸ່ມຈຸດໜຸ່ນຈຸດໜຸ່ນຂອງໄທຣິສເຕේຣ໌ ຢັບ ຮູບ ຂ່າຍ ຈໍາກໍາລັງໄຟຟ້າເຮົາແອກທີ່ໄຟຟ້າ ນຸ່ມຈຸດໜຸ່ນຈຸດໜຸ່ນຈະອູ້ໃນຊ່ວງຮະຫວາງ 90°-180°



ຮູບທີ່ 6 ແບນຈໍາດອງຂອງ SVC

คุณลักษณะเฉพาะแรงดันและกระแสไฟฟ้าของ SVC แสดงดังรูปที่ 7



รูปที่ 7 คุณลักษณะเฉพาะแรงดันและกระแสไฟฟ้าของ SVC

การทำงานของ SVC ขึ้นอยู่กับแรงดันไฟฟ้าที่บัส ส่วนของเขตของค่าสูงสุดและค่าต่ำสุดของ SVC จะขึ้น อยู่กับขนาดของตัวเหนี่ยวนำและตัวเก็บประจุ ที่จุด  $\alpha_{\min}$  คือ ตำแหน่งที่ไทริสเตอร์ควบคุมตัวเหนี่ยวนำทำงานรับ ค่ากำลังไฟฟ้าเรียบๆ ที่จากกระบวนการพิกัดของตัวเหนี่ยวนำ และที่จุด  $\alpha_{\max}$  คือ ตำแหน่งที่สวิตซ์ไทริสเตอร์ควบคุม ตัวเก็บประจุทำงานจ่ายค่ากำลังไฟฟ้าเรียบๆ ที่ฝาบนขนาด พิกัดของตัวเก็บประจุ ส่วนประกอบในการควบคุมของ SVC สามารถเขียนให้อยู่ในรูปของสมการเชิงอนุพันธ์ได้ ดังสมการที่ (28) และสมการที่ (29)

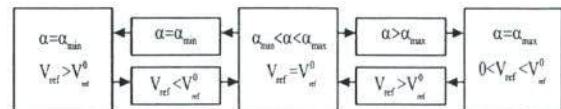
$$\begin{bmatrix} x_c \\ \alpha \end{bmatrix} = f(x_c, \alpha, V, V_{ref}) \quad (28)$$

$$0 = \begin{bmatrix} B_e - \frac{2\alpha - \sin 2\alpha - \pi(2 - X_L / X_c)}{\pi X_L} \\ I - V_i B_e \\ Q - V_i^2 B_e \\ g(\alpha, V, V_i, I, Q, B_e) \end{bmatrix} \quad (29)$$

จากสมการที่ (28) และสมการที่ (29) แบบจำลอง ของ SVC ในสภาวะคงตัว สามารถเขียนแทนได้ ดังสมการ ที่ 30

$$0 = \begin{bmatrix} V - V_{ref} - X_{SL} I \\ g(\alpha, V, V_i, I, Q, B_e) \end{bmatrix} \quad (30)$$

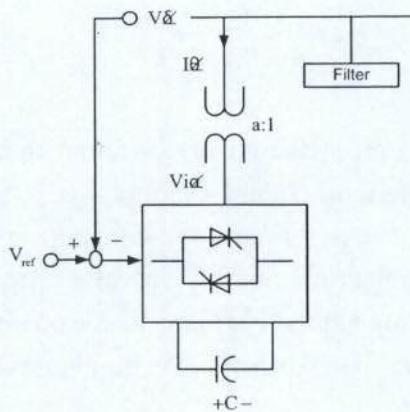
ขอเบตการควบคุมของ SVC คือ การควบคุมค่า ของมุมจุดชนวนไทริสเตอร์ ซึ่งอยู่ในช่วง  $\alpha_{\min} < \alpha < \alpha_{\max}$  เมื่อ  $\alpha_{\min}$  และ  $\alpha_{\max}$  คือ มุมจุดชนวนน้อยที่สุดและมุมจุด ชนวนมากที่สุดตามลำดับถ้าไม่มีวิธีทางของเขตนมุมจุดชนวน ให้กำหนดมุมจุดชนวนให้คงที่และเปลี่ยนค่าแรงดันไฟฟ้า อย่าง  $V_{ref}$  วิธีการของการจัดการควบคุมของเขต แสดง ดังรูปที่ 8



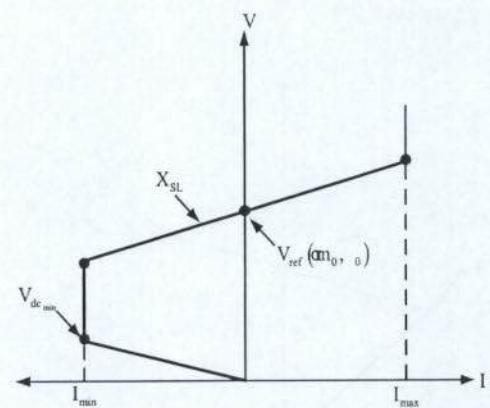
รูปที่ 8 การจำัดของเขตการควบคุมในแบบจำลอง สภาวะคงตัวของ SVC

## 6.2 Static Synchronous Compensator (STATCOM)

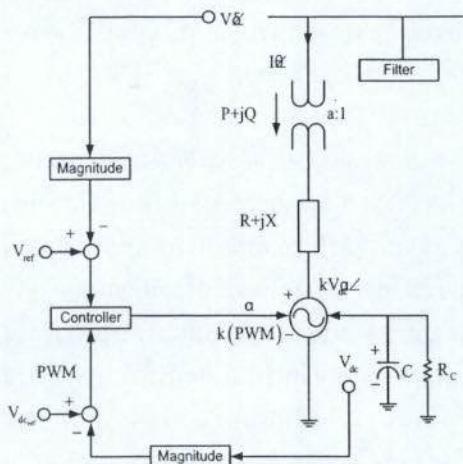
STATCOM มีลักษณะคล้ายกันกับชิงโครนัส- คอนเดนเซอร์ แต่ใช้อุปกรณ์อิเล็กทรอนิกส์กำลังและมี หน้าจอแสดงเชื่อมต่อระหว่างอุปกรณ์ปรับเปลี่ยนแหล่งจ่าย แรงดันไฟฟ้ากับบัส สามารถควบคุมแรงดันไฟฟ้าที่บัส โดยการควบคุมการจ่าย หรือ รับ กำลังไฟฟ้าเรียบๆ ที่จาก ระบบไฟฟ้ากำลัง [12] เป็นอุปกรณ์ที่ใช้ต่อในลักษณะ ขนาดเข้ากับระบบ โดยใช้หลักการของโซลิดสเตทคอน- เวอร์เตอร์ ทำการแลกเปลี่ยนกำลังงานเสมือนกับระบบ จำหน่าย STATCOM จะใช้อินเวอร์เตอร์ 3 เฟสในการส่ง ผ่านกำลังงานเสมือน แบบนำ หรือ แบบตาม ให้กับระบบ จำหน่ายไฟฟ้าโดยผ่านทางหน้าจอแสดงคันปลั๊ก ลักษณะ โครงสร้างพื้นฐานของ STATCOM ประกอบด้วย แหล่งจ่ายแรงดันไฟฟ้าจากวงจรแปลงผัน โดยวงจรแปลงผันจะ ทำหน้าที่แปลงแรงดันไฟฟ้ากระแสสลับเป็นไฟฟ้ากระแส สลับ ควบคุมระดับความถี่ให้เท่ากับระบบที่เชื่อมต่อ และ ชดเชยค่ากำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้าเรียบๆ ที่ฟดาน ความต้องการของระบบ ลักษณะโครงสร้างพื้นฐานและ แบบจำลองของ STATCOM แสดงดังรูปที่ 9 และรูปที่ 10 ตามลำดับ



รูปที่ 9 ลักษณะโครงสร้างพื้นฐานของ STATCOM



รูปที่ 11 คุณลักษณะเฉพาะแรงดันและกระแสไฟฟ้าของ STATCOM



รูปที่ 10 แบบจำลองของ STATCOM

การควบคุมของ STATCOM มี 2 วิธี คือ การควบคุมมุมไฟฟ้าเป็นการควบคุมการเลื่อนมุมไฟฟ้า ( $\alpha$ ) ที่ควบคุมขนาดแรงดันไฟฟ้าของ STATCOM และอีกวิธีหนึ่งคือการควบคุมโดยการสร้างสัญญาณ Pulse Width Modulation (PWM) เพื่อควบคุมขนาดแรงดันไฟฟ้าของ STATCOM และมุมไฟฟ้า ซึ่งคุณลักษณะเฉพาะแรงดันและกระแสไฟฟ้าของ STATCOM แสดงดังรูปที่ 11

แบบจำลองของ STATCOM มีข้อจำกัดระหว่างการควบคุมและการทำงาน โดยทั่วไปแล้วจะนิยมให้แบบจำลองของ STATCOM มีลักษณะเดียวกับเครื่องจักรซิงโครนัส ซึ่งสามารถเชิงอนุพันธ์แบบจำลองของ STATCOM สามารถเขียนให้อยู่ในรูปเปลอร์บูนิตได้ ดังสมการที่ (31) สมการที่ (32) และสมการที่ (33) ตามลำดับ

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_c \\ \dot{\alpha} \\ \dot{m} \end{bmatrix} = f(x_c, \alpha, m, V, V_{dc}, V_{ref}, V_{dc\_ref}) \quad (31)$$

$$\dot{V}_{dc} = \frac{VI}{CV_{dc}} \cos(\delta - \theta) - \frac{1}{R_c C} V_{dc} - \frac{R}{C} \frac{I^2}{V_{dc}} \quad (32)$$

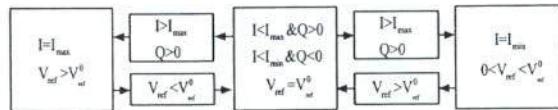
$$0 = \begin{bmatrix} P - VI \cos(\delta - \theta) \\ Q - VI \sin(\delta - \theta) \\ P - V^2 G + kV_{dc} VG \cos(\delta - \alpha) + kV_{dc} VB \sin(\delta - \alpha) \\ Q + V^2 B + kV_{dc} VBC \cos(\delta - \alpha) + kV_{dc} VG \sin(\delta - \alpha) \end{bmatrix} \quad (33)$$

$$g(\alpha, k, V, V_{dc}, \delta, I, \theta, P, Q)$$

เมื่อ  $m$  คือ ค่ามอคูลาชั่นของอุปกรณ์แปลงผัน,  $x_c$  และ  $f(x_c, \alpha, m, V, V_{dc}, V_{ref}, V_{dc\_ref})$  สำหรับปรับการควบคุมระบบและสมการตามลำดับ แบบจำลองของ STATCOM จากสมการที่ (31)–(33) สามารถเขียนในสภาวะคงตัวได้ ดังสมการที่ (34)

$$0 = \begin{bmatrix} V - V_{ref} \pm X_{SL} I \\ V_{dc} - V_{dc\_ref} \\ P - V_{dc}^2 / R_c - RI^2 \\ g(a, k, V, V_{dc}, \delta, I, \theta, P, Q) \end{bmatrix} \quad (34)$$

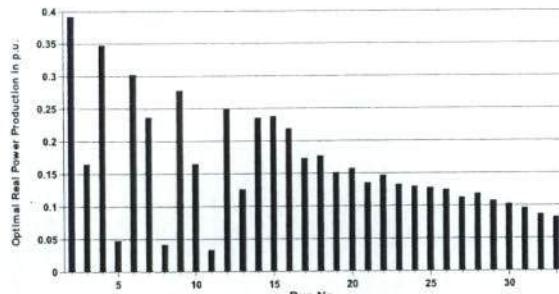
การวิเคราะห์เสถียรภาพแรงดันไฟฟ้าของระบบที่มี STATCOM ในสภาวะคงตัว การจำกัดของเขตของกระแสของแบบจำลองในสภาวะคงตัวที่เดินนี้ อัตราส่วนของการมอคูลเดชั่น  $k$  หรือ บุนเพสของแรงดันไฟฟ้าสามารถทำงานร่วมกันได้ในแบบจำลองที่นำเสนอตัวอย่างที่ 12



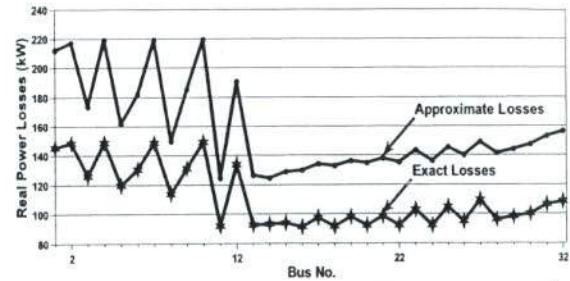
รูปที่ 12 การจำกัดของเขตการควบคุมในแบบจำลองสภาวะคงตัวของ STATCOM

## 7. ผลการจำลอง

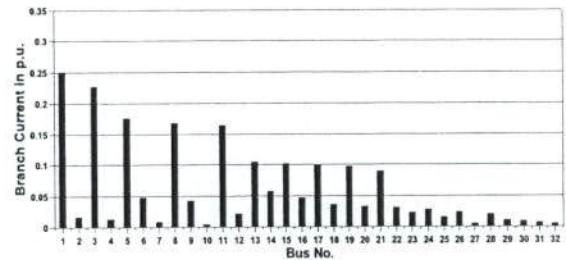
ผลการจำลองค่าต่างๆ ของระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส ของมาตรฐาน IEEE แสดงดังรูปที่ 13-16 ตามลำดับ



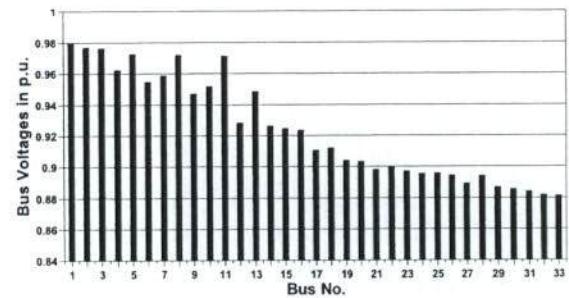
รูปที่ 13 ค่ากำลังไฟฟ้าจริงที่เหมาะสมของระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส



รูปที่ 14 ค่าโดยประมาณกับค่ากำลังไฟฟ้าจริงสูญเสียที่ต้องการของระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส



รูปที่ 15 ขนาดกระแสที่สาขาต่างๆ ของระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส



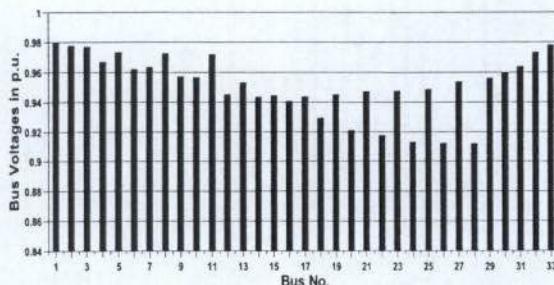
รูปที่ 16 ขนาดแรงดันไฟฟ้าที่สาขาต่างๆ ของระบบจำหน่ายแบบเรเดียล 33 บัส

จากรูปที่ 16 ผลจากการจำลองการให้ผลของกำลังไฟฟ้าแบบกระแสข้อมูลและแรงดันไฟฟ้าแบบไปข้างหน้าของระบบจำหน่ายแล้วพบว่า ขนาดแรงดันไฟฟ้าที่บัส 1 มีค่าแรงดันไฟฟ้าเท่ากับ 0.98 p.u. ส่วนบัสอื่นๆ ที่อยู่ใกล้กันไปแรงดันไฟฟ้าที่บัสจะลดลงเรื่อยๆ โดยเฉพาะที่ปลายสาย คือ บัสที่ 33 ซึ่งเป็นบัสที่อยู่最远 ที่สุด มีค่าแรงดันไฟฟ้าเท่ากับ 0.881373 p.u.

ตารางที่ 1 การหาค่าແเน່ງຕົດຕັ້ງ SVC โดยໃຊ້ PSO

System	Method	Bus No.	SVC Size MVA	Ploss kW	Qloss kVar	Loss Reduction %	
						Real	Reactive
33 Bus	PSO	Load Flow Analysis		221.4346	150.1784		
			12	2.4431	160.3745	85.2280	27.57 43.24
		15	2.3315	161.3063	87.1492	27.15	41.96
		14	2.3114	162.9829	85.9819	26.39	42.74
		17	1.7170	169.1077	86.0403	23.63	42.70
		25	1.2844	178.1469	87.6076	19.54	41.66
		6	2.9080	207.4799	111.1396	6.30	25.99

จากตารางที่ 1 หลังจากจำลองการติดตั้ง SVC เข้าไปโดยใช้วิธีกกลุ่มอนุภาคหาค่าແเน່ງຕົດຕັ້ງที่เหมาะสมที่สุดแล้ว ได้บัสที่เหมาะสมในการติดตั้ง SVC เข้าไปในระบบ คือ บัสที่ 12 เพื่อจะกำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้าเรียกที่ฟลูอยด์สิบต่อที่สุดเมื่อเทียบกับบัสอื่นๆ มีกำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้าเรียกที่ฟลูอยด์สิบต่อที่ 160.3745 kW และ 85.2280 kVar ซึ่งขนาดแรงดันไฟฟ้าที่บัสต่างๆ หลังติดตั้ง SVC แสดงดังรูปที่ 17



รูปที่ 17 ขนาดแรงดันไฟฟ้าที่บัสต่างๆ ของระบบ  
จำหน่ายหลังติดตั้ง SVC

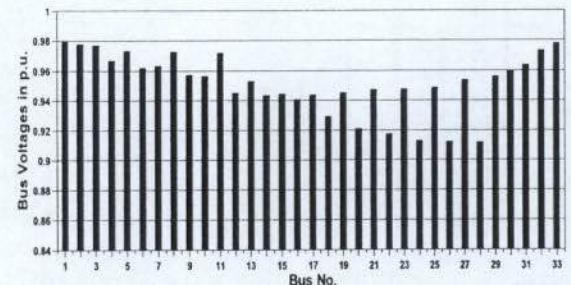
หลังติดตั้ง SVC ขนาด 2.4431 MVA เข้าไปเพื่อชดเชยกำลังไฟฟ้าเรียกที่ฟินระบบให้ดีขึ้น โดยใช้วิธีกกลุ่มอนุภาคหาค่าແเน່ງຕົດຕັ້ງที่เหมาะสมที่สุดแล้ว ทำให้แรงดันไฟฟ้าในทุกๆ บัสดีขึ้นกว่าเดิม ส่วนบัสที่เป็นบัสที่อ่อนแอก็เปลี่ยนไปจากเดิมบัสที่ 33 ไปเป็นบัสที่ 28 ที่มีแรงดันไฟฟ้าเท่ากับ 0.911769 p.u. ซึ่งเป็นผลมาจากการ

การติดตั้ง SVC ขนาด 2.4431 MVA เข้าไปในระบบ จำหน่าย ทำให้บัสที่อ่อนแอก็สูญเปลี่ยนค่าແเน່ງไป

ตารางที่ 2 การหาค่าແเน່ງຕົດຕັ້ງ STATCOM โดยໃຊ້ PSO

System	Method	Bus No.	STATCOM Size MVA	Ploss kW	Qloss kVar	Loss Reduction %	
						Real	Reactive
33 Bus	PSO	Load Flow Analysis		221.4346	150.1784		
			12	2.4939	160.4509	85.3447	27.54 43.17
		15	2.3801	161.3696	87.6981	27.12	41.60
		14	2.3545	163.0485	86.0639	26.36	42.69
		17	1.7321	169.1200	86.1770	23.62	42.61
		25	1.2786	178.1378	87.5945	19.55	41.67
		6	3.0298	207.6376	111.1676	6.23	25.97

จากตารางที่ 2 หลังจากจำลองการติดตั้ง STATCOM เข้าไปโดยใช้วิธีกกลุ่มอนุภาคหาค่าແเน່ງຕົດຕັ້ງที่เหมาะสมที่สุดแล้ว ได้บัสที่เหมาะสมในการติดตั้ง STATCOM เข้าไปในระบบ คือ บัสที่ 12 เพื่อจะกำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้าเรียกที่ฟลูอยด์สิบต่อที่สุดเมื่อเทียบกับบัสอื่นๆ มีกำลังไฟฟ้าจริงและกำลังไฟฟ้าเรียกที่ฟลูอยด์สิบต่อที่ 160.4509 kW และ 85.3447 kVar ตามลำดับ ซึ่งขนาดแรงดันไฟฟ้าที่บัสต่างๆ หลังติดตั้ง STATCOM แสดงดังรูปที่ 18



รูปที่ 18 ขนาดแรงดันไฟฟ้าที่บัสต่างๆ ของระบบ  
จำหน่ายหลังติดตั้ง STATCOM

หลังติดตั้ง STATCOM ขนาด 2.4939 MVA เข้าไปเพื่อชดเชยกำลังไฟฟ้าเรียกที่ฟินระบบให้ดีขึ้น โดย

ใช้วิธีกอกลุ่มอนุภาคหาค่าແහນ່ງຕິດຕັ້ງທີ່ເໝາະສົມທີ່ສຸດແລ້ວ ທຳໄໜ້ແຮງດັນໄຟຟ້າໃນຖາາ ບັສດີຂຶ້ນກວ່າດົມ ສ່ວນບັສທີ່ເປັນ ບັສທີ່ອ່ອນແອ້ທີ່ສຸດກີບເປື່ອນໄປຈາກເດີນບັສທີ່ 33 ໄປເປັນບັສທີ່ 28 ທີ່ມີແຮງດັນໄຟຟ້າທ່າກັນ 0.911717 p.u. ຜຶ່ງເປັນພລມາ ຈາກການຕິດຕັ້ງ STATCOM ຂາດ 2.4939 MVA ເຂົ້າໄປໃນ ຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ທຳໄໜ້ບັສທີ່ອ່ອນແອ້ທີ່ສຸດເປົ່າຍືນດໍາແහນ່ງໄປ

## 8. สรุป

ຈາກການຈໍາລອງຮະບນຈໍາຫານ່າຍແບບເຣເດີ 33 ບັສ ຂອງມາຄຣູານ IEEE ຜຸດການຈໍາລອງກ່ອນການຕິດຕັ້ງ FACTS ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັສຈາກການໃຫ້ກຳລັງໄຟຟ້າແບບກະແສຊັ້ນກັນແລ້ວແຮງດັນໄຟຟ້າແບບໄປໜ້າທີ່ບັສມີຄ່າແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັສ 0.98 p.u. ສ່ວນບັສອື່ນໆ ທີ່ອູ້ໄກລອອກໄປແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັສ ຈະລົດລົງເວົ້ອຍໆ ໂດຍແພາທີ່ປລາຍສາຍ ອື່ນ ບັສທີ່ 33 ຈະເປັນ ບັສທີ່ອ່ອນແອ້ທີ່ສຸດໃນຮະບນ ແຕ່ຫລັງຈາກໃຫ້ເກົ່ານີກກາຮາ ກ່າວມ່ານ່າຍເໝາະສົມໂດຍວິທີກຸ່ມອນຸກາກແລ້ວ ທຳໄໜ້ທ່ຽນ ພາດຈະແຕ່ແໜ່ງຕິດຕັ້ງ FACTS ທີ່ເໝາະສົມທີ່ຈະຕິດຕັ້ງ FACTS ເຂົ້າໄປ ອື່ນ ບັສທີ່ 12 ແລ້ວຫລັງຕິດຕັ້ງ SVC ຂາດ 2.4431 MVA ແລະຕິດຕັ້ງ STATCOM ຂາດ 2.4939 MVA ເຂົ້າໄປໃນຮະບນທີ່ບັສ 12 ພວ່າກຳລັງໄຟຟ້າສູງເສີໃນຮະບນ ລົດລົງ ຜຶ່ງການຕິດຕັ້ງ SVC ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວ ກຳລັງໄຟຟ້າສູງເສີຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ເຖິງ 27.57% ແລ້ວ 43.24% ສ່ວນການຕິດຕັ້ງ STATCOM ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວ ແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ 27.54% ແລ້ວ 43.17% ສ່ວນຜູດໃຫ້ດໍາແໜ່ງບັສທີ່ອ່ອນແອ້ທີ່ສຸດໃນຮະບນ ເປົ່າຍືນແປງຄານໄປໜ້າທີ່ບັສທີ່ 33 ຈາກການທີ່ຕິດຕັ້ງ FACTS ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ໂດຍເປົ່າຍືນຈາກບັສທີ່ 33 ໄປເປັນ ບັສທີ່ 28 ຜຸດການຈໍາລອງຮະບນດັກລ່າງທຳໄໜ້ທ່ຽນແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັສດ່າງໆ ຫລັງຕິດຕັ້ງ FACTS ມີຄ່າທີ່ດີຂຶ້ນໄກລີເຖິງ 0.98 p.u. ຮະບນມີການຈ່າຍພລັງຈານໄຟຟ້າທີ່ດີເພີ່ມພອດຕ່ອ ຄວາມຕ້ອງການ ຜຶ່ງກາກເປົ່າຍືນທີ່ບັນ ຈາກການທີ່ຕິດຕັ້ງ FACTS ທີ່ 2 ຂົນດ ການຕິດຕັ້ງ SVC ມີຄວາມເໝາະສົມນາກກວ່າການຕິດຕັ້ງ STATCOM ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ເນື່ອງຈາກໃຫ້ບັນຈາດ ກຳລັງໄຟຟ້າປະກອບທີ່ເລີກກ່າວ່າ ແຕ່ໄດ້ເປົ່ອຮັ້ນຕີໃນການລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີທີ່ນາກກ່າວ່າ

ນໍາພລມາທີ່ໄດ້ຈາກການຈໍາລອງຮະບນມາວິເຄາະທີ່ປັບປຸງເພື່ອ ພັນນາແລະແກ້ປັ້ງຫາສົດີຂ່າງພາພແຮງດັນໄຟຟ້າຂອງຮະບນ ຕ່ອໄປ

## 9. ກິດຕິກຣມປະກາດ

ຂອບພະນຸົມສູນຈົບປະກຳໄຟຟ້າກຳລັງແລ້ວ ພລັງຈານ ປາວິຊາວິສະວະກົມາໄຟຟ້າ ຄະວິສະວະກົມາສົດົກ ມາວິທາລັຍເກໂຄໂນໂລຢີຮາໝາງຄລັບັງບົງ ທີ່ຂ່າຍກາ ສັນນັບສຸນຂຶ້ນມູນແລະສັດານີ້ໃນການກຳລັງໃນຄຽງນີ້

## 10. ເອກສາຮ້ອງເອົາອີງ

- [1] Y. Fukuyama, Y. Nakanishi, and H. D. Chiang, 1996. “Fast Distribution Power Flow Using Multi-Processors”, Electrical Power & Energy Systems, Vol. 18, No. 5, pp. 331-337.
- [2] ການກວຽມ ກລິ່ນເອີ່ນ, 2549.“ການຫາດໍາແໜ່ງການຕິດຕັ້ງສວິດີທີ່ຕົດຄອນທີ່ເໝາະສົມ ໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍແບບເຣເດີໂດຍວິທີເຊີງພັນຊຸກຮົມ”, ວິທານິພານຈົບປະກຳໄຟຟ້າສາມາດສະໜອງການໃຫ້ກຳລັງໄຟຟ້າທີ່ບັສຈະແຕ່ແໜ່ງຕິດຕັ້ງ SVC ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າສູງເສີຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ເຖິງ 27.57% ແລ້ວ 43.24% ສ່ວນການຕິດຕັ້ງ STATCOM ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວ ແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ 27.54% ແລ້ວ 43.17% ສ່ວນຜູດໃຫ້ດໍາແໜ່ງບັສທີ່ອ່ອນແອ້ທີ່ສຸດໃນຮະບນ ເປົ່າຍືນແປງຄານໄປໜ້າທີ່ບັສທີ່ 33 ຈາກການທີ່ຕິດຕັ້ງ FACTS ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ໂດຍເປົ່າຍືນຈາກບັສທີ່ 33 ໄປເປັນ ບັສທີ່ 28 ຜຸດການຈໍາລອງຮະບນດັກລ່າງທຳໄໜ້ທ່ຽນແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັສດ່າງໆ ພລົດຕິດຕັ້ງ FACTS ມີຄ່າທີ່ດີຂຶ້ນໄກລີເຖິງ 0.98 p.u. ຮະບນມີການຈ່າຍພລັງຈານໄຟຟ້າທີ່ດີເພີ່ມພອດຕ່ອ ຄວາມຕ້ອງການ ຜຶ່ງກາກເປົ່າຍືນທີ່ບັນ ຈາກການທີ່ຕິດຕັ້ງ SVC ມີຄວາມເໝາະສົມນາກກວ່າການຕິດຕັ້ງ STATCOM ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ເນື່ອງຈາກໃຫ້ບັນຈາດ ກຳລັງໄຟຟ້າປະກອບທີ່ເລີກກ່າວ່າ ແຕ່ໄດ້ເປົ່ອຮັ້ນຕີໃນການລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີທີ່ນາກກ່າວ່າ
- [3] Wichit Krueasuk, and Weerakron Ongsakul, 2006. “Optimal Placement of Distributed Generation Using Particle Swarm Optimization”, Proc.AUPEC 2006, pp. 1-6.
- [4] ດວັນ ສົມສັກສາ, 2550.“ການຫາດໍາແໜ່ງແລະບັນຈາດ ຕິດຕັ້ງກາປາຈີເທອຣ໌ແບ່ງທີ່ເໝາະສົມເພື່ອລົດກຳລັງໄຟຟ້າສູງເສີຢີໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍໄຟຟ້າໂດຍໃຫ້ວິທີກຸ່ມອນຸກາກ”, ວິທານິພານຈົບປະກຳໄຟຟ້າສາມາດສະໜອງການໃຫ້ກຳລັງໄຟຟ້າທີ່ບັສຈະແຕ່ແໜ່ງຕິດຕັ້ງ SVC ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າສູງເສີຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ເຖິງ 27.57% ແລ້ວ 43.24% ສ່ວນການຕິດຕັ້ງ STATCOM ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວ ແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ 27.54% ແລ້ວ 43.17% ສ່ວນຜູດໃຫ້ດໍາແໜ່ງບັສທີ່ອ່ອນແອ້ທີ່ສຸດໃນຮະບນ ເປົ່າຍືນແປງຄານໄປໜ້າທີ່ບັສທີ່ 33 ຈາກການທີ່ຕິດຕັ້ງ FACTS ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ໂດຍເປົ່າຍືນຈາກບັສທີ່ 33 ໄປເປັນ ບັສທີ່ 28 ຜຸດການຈໍາລອງຮະບນດັກລ່າງທຳໄໜ້ທ່ຽນແຮງດັນໄຟຟ້າທີ່ບັສດ່າງໆ ພລົດຕິດຕັ້ງ FACTS ມີຄ່າທີ່ດີຂຶ້ນໄກລີເຖິງ 0.98 p.u. ຮະບນມີການຈ່າຍພລັງຈານໄຟຟ້າທີ່ດີເພີ່ມພອດຕ່ອ ຄວາມຕ້ອງການ ຜຶ່ງກາກເປົ່າຍືນທີ່ບັນ ຈາກການທີ່ຕິດຕັ້ງ SVC ມີຄວາມເໝາະສົມນາກກວ່າການຕິດຕັ້ງ STATCOM ເຂົ້າໄປໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ ເນື່ອງຈາກໃຫ້ບັນຈາດ ກຳລັງໄຟຟ້າປະກອບທີ່ເລີກກ່າວ່າ ແຕ່ໄດ້ເປົ່ອຮັ້ນຕີໃນການລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີທີ່ນາກກ່າວ່າ
- [5] ຈັກຣິນທີ່ ວິເສຍາ, ແລ້ວ ກѹມພັ້ນນິ້ນ ກຸມືກິດຕິພິຈິ່ງ, 2554. “ການວິເຄາະທີ່ຫາດໍາແໜ່ງການຕິດຕັ້ງ FACTS ທີ່ເໝາະສົມໃນຮະບນຈໍາຫານ່າຍ”, ການປະຊຸມເຄືອຂ່າຍ ວິສະວະກົມາໄຟຟ້າສາມາດສະໜອງການໃຫ້ກຳລັງໄຟຟ້າທີ່ບັສຈະແຕ່ແໜ່ງຕິດຕັ້ງ SVC ສາມາດລົດກຳລັງໄຟຟ້າຈິງແລ້ວກຳລັງໄຟຟ້າສູງເສີຢີຣີແອກທີ່ຟສູງເສີຢີ ໄດ້ເຖິງ 214-217.

- [6] P. Mahat, W. Ongsakul, and N. Mithulanathan, 2006. "Optimal placement of wind turbine DG in primary distribution systems for real loss reduction", Energy for Sustainable Development Prospects and Issues for Asia (Electronic), pp. 1-6.
- [7] E. Bompard, E. Carpaneto, G. Chicco and R. Napoli, 2000. "Convergence of the Backward/Forward Sweep Method for the Load-Flow Analysis of Radial Distribution Systems", International Journal of Electrical power & energy system, Volume 22, pp. 521–530.
- [8] ดร.ชัย เกิดชื่น, และ ดร.วิวัฒน์ บัวใหญ่, 2552."เทคนิคการคำนวณการไฟฟ้าสำหรับจุดต่อเข้าระบบ", การประชุมเครือข่ายวิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคล (EENET2008), คณะวิศวกรรมศาสตร์มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลธัญบุรี, 2552, หน้า 1-13.
- [9] อุเทน ลีดัน, และ ชนัดษ์ ภู่วรวานิชพงษ์, 2553."การแก้ปัญหากำลังงานสูญเสียในสายส่งค่าที่สุดโดยใช้ผลเฉลยการไฟฟ้าสำหรับจุดต่อเข้าระบบ", การประชุมวิชาการทางวิศวกรรมไฟฟ้าครั้งที่ 33, หน้า 81-84.
- [10] J. Kennedy, and R. Eberhart, 1995. "Particle Swarm Optimization", Proceeding of the IEEE International Conference on Neural Network. Perth : Piscataway.
- [11] Claudio A. Cañizares, 2000. "Power Flow and Transient Stability Models of FACTS Controllers for Voltage and Angle Stability Studies", IEEE Transactions on Power Systems, pp. 1-8.
- [12] Claudio A. Cañizares, Massimo Pozzib, Sandro Corsib, and Edvina Uzunovic, 2003. "Review STATCOM modeling for voltage and angle stability studies", International Journal of Electrical Power & Energy Systems Volume 25, Issue 6, pp. 431-441.